Муниципальный этап Всероссийской олимпиады школьников

по математике 2015-2016 учебный год

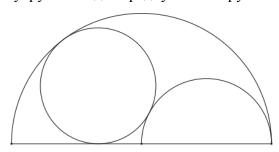
9 класс

Максимальный балл – 35

- 1. Из молока жирностью 6% делают творог жирностью 22,5%, при этом остается сыворотка жирностью 0,5%. Сколько творога получится из тонны молока?
 - 2. Вычислите сумму

$$\frac{1}{\sqrt{1}+\sqrt{3}} + \frac{1}{\sqrt{3}+\sqrt{5}} + \frac{1}{\sqrt{5}+\sqrt{7}} + \dots + \frac{1}{\sqrt{119}+\sqrt{121}}$$

3. На рисунке изображены полукруг радиусом 18, полукруг радиусом 9 и круг, касающийся внутренним образом большого полукруга, внешним образом малого полукруга, а также диаметра большого полукруга. Найдите радиус этого круга.



- 4. В танцевальном коллективе 10 юношей и 12 девушек. Сколько способов составить танцевальные пары (юноша девушка) так, чтобы каждый участник коллектива входил в нечетное число пар?
- 5. Существует ли многочлен степени 31 со старшим коэффициентом $\frac{1}{2015}$, который во всех целых точках принимает целые значения?